

初中数学教师资格证

考前 30 分

考点一：函数的性质

这一知识点考察的难度不大，但是函数是数学学科的基础知识，建议考生打好基础。比如 2013 年下半年考了 1 道选择题，考察函数的奇偶性。

1. 函数的单调性

对于复合函数 $y = f[g(x)]$ ，令 $u = g(x)$ ， $f(x)$ 与 $g(x)$ 同增函数或减函数时，复合函数为增函数，若一个为增函数，一个为减函数时，复合函数为减函数，即“同增异减”。

2. 函数奇偶性

若函数 $f(x)$ 为奇函数，且在 $x = 0$ 处有定义，则 $f(0) = 0$ 。

3. 周期性

周期性：设 $f(x)$ 在 X 上有定义，如果存在常数 $T \neq 0$ ，使得任意 $x \in X$ ， $x + T \in X$ ，都有 $f(x + T) = f(x)$ ，则称 $f(x)$ 是周期函数，称 T 为 $f(x)$ 的周期。

由此可见，周期函数有无穷多个周期，如果在所有正周期中有一个最小的，则称它是 $f(x)$ 的最小正周期。

4. 有界性

有界性：设函数 $y = f(x)$ 在 X 内有定义，若存在正数 M ，使 $x \in X$ 都有 $|f(x)| \leq M$ ，则称 $f(x)$ 在 X 上是有界的。

5. 特殊函数

分数指数幂的概念

(1) 正数的正分数指数幂的意义是： $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$ ($a > 0, m, n \in N_+,$ 且 $n > 1$)。0

的正分数指数幂等于 0。

(2) 正数的负分数指数幂的意义是: $a^{-\frac{m}{n}} = \left(\frac{1}{a}\right)^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{\left(\frac{1}{a}\right)^m}$ ($a > 0, m, n \in N_+$, 且

$n > 1$)。0 的负分数指数幂没有意义。

注意口诀: 底数取倒数, 指数取相反数。

分数指数幂的运算性质:

(1) $a^r \cdot a^s = a^{r+s}$ ($a > 0, r, s \in R$)

(2) $(a^r)^s = a^{rs}$ ($a > 0, r, s \in R$)

(3) $(ab)^r = a^r b^r$ ($a > 0, b > 0, r \in R$)

对数的定义:

(1) 若 $a^x = N$ ($a > 0$, 且 $a \neq 1$), 则 x 叫做以 a 为底 N 的对数, 记作 $x = \log_a N$, 其中 a 叫做底数, N 叫做真数。

(2) 负数和零没有对数。

(3) 对数式与指数式的互化: $x = \log_a N \Leftrightarrow a^x = N$ ($a > 0, a \neq 1, N > 0$)。

几个重要的对数恒等式

$\log_a 1 = 0, \log_a a = 1, \log_a a^b = b$

对数的运算性质:

如果 $a > 0, a \neq 1, M > 0, N > 0$, 那么

① 加法: $\log_a M + \log_a N = \log_a (MN)$

② 减法: $\log_a M - \log_a N = \log_a \frac{M}{N}$

③ 数乘: $n \log_a M = \log_a M^n$ ($n \in R$)

④ $a^{\log_a N} = N$

⑤ $\log_{a^b} M^n = \frac{n}{b} \log_a M$ ($b \neq 0, n \in R$)

⑥ 换底公式: $\log_a N = \frac{\log_b N}{\log_b a}$ ($b > 0, b \neq 1$)

负数和零没有对数。

对数式与指数式的互化： $x = \log_a N \Leftrightarrow a^x = N (a > 0, a \neq 1, N > 0)$ 。

例题 1. 若函数 $f(x) = x^2 + \frac{a}{x} (a \in \mathbf{R})$ ，则下列结论正确的是 ()

- A. $\forall a \in \mathbf{R}$ ， $f(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上是增函数
- B. $\forall a \in \mathbf{R}$ ， $f(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上是减函数
- C. $\exists a \in \mathbf{R}$ ， $f(x)$ 是偶函数
- D. $\exists a \in \mathbf{R}$ ， $f(x)$ 是奇函数

参考答案：C

考点二：导数

对于这一知识点，一般考导数的应用，要求求出导函数，并根据导函数的符号判断函数在某个区间上的单调性，进而求极值和最值。比如 2013 年下半年考了 1 道选择题，根据导函数的图像，来判断某点是不是极值点；2014 年下半年的第 1 道选择题考察的内容是根据导函数的符号判断单调性。

如果函数 $y = f(x)$ 在点 x_0 处导数 $f'(x_0)$ 存在，则在几何上 $f'(x_0)$ 表示曲线 $y = f(x)$ 在点 $(x_0, f(x_0))$ 处的切线的斜率。

切线方程： $y - f(x_0) = f'(x_0)(x - x_0)$

单调性： 设函数 $f(x)$ 在 (a, b) 内可导，如果恒有 $f'(x) > 0 (< 0)$ ，则 $f(x)$ 在 (a, b) 内单调增加 (单调减少)；如果恒有 $f'(x) \geq 0 (\leq 0)$ ，则 $f(x)$ 在 (a, b) 内单调不减 (单调不增)

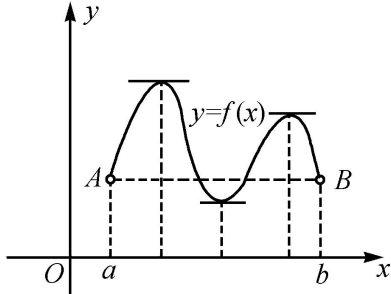
极值点： 设函数 $f(x)$ 在 (a, b) 内有定义， x_0 是 (a, b) 内的某一点，则如果点 x_0 存在一个邻域，使得对此邻域内的任一点 $x (x \neq x_0)$ ，总有 $f(x) < f(x_0)$ ，则称 $f(x_0)$ 为函数 $f(x)$ 的一个极大值，称 x_0 为函数 $f(x)$ 的一个 **极大值点**；

如果点 x_0 存在一个邻域，使得对此邻域内的任一点 $x (x \neq x_0)$ ，总有 $f(x) > f(x_0)$ ，则称 $f(x_0)$ 为函数 $f(x)$ 的一个极小值，称 x_0 为函数 $f(x)$ 的一个 **极小值点**。

高次函数的零点个数综合应用了函数的单调性和极值。

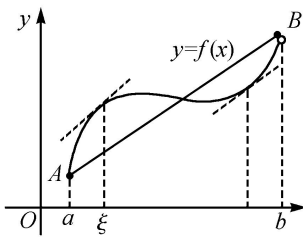
罗尔中值定理：

设函数 $f(x)$ 满足 (1) 在闭区间 $[a, b]$ 上连续; (2) 在开区间 (a, b) 内可导; $f(a) = f(b)$. 则存在 $\xi \in (a, b)$, 使得 $f'(\xi) = 0$



拉格朗日中值定理:

设函数 $f(x)$ 满足 (1) 在闭区间 $[a, b]$ 上连续; (2) 在开区间 (a, b) 内可导. 则存在 $\xi \in (a, b)$, 使得 $\frac{f(b) - f(a)}{b - a} = f'(\xi)$



例题 1: 与直线 $x + 3y + 1 = 0$ 垂直且与曲线 $y = x^4 - x$ 相切的直线的方程为()

- A. $x - 3y - 3 = 0$ B. $3x - y - 3 = 0$
C. $3x - y - 1 = 0$ D. $x - 3y - 1 = 0$

答案: C

考点三: 概率与统计

考察的是高中的知识, 题目难度较小, 但是考察的频率非常高。比如 2013 年下半年考察了 1 道解答题, 考察在区间上均匀分布的两个独立事件的概率; 2014 年下半年考察了 1 道解答题, 在放回的条件下, 分别求两次摸出的球颜色相同和颜色不同的概率; 2015 年下半年考察了 1 道选择题和 1 道解答题, 分别考察的是样本容量对平均数的影响以及求简单随机事件的概率。

古典概型及随机数的产生

古典概型的使用条件: 试验结果的有限性和所有结果的等可能性。

$$P(A) = A \text{ 包含的基本事件数} / \text{总的基本事件个数}$$

几何概型及均匀随机数的产生

$P(A)$ = 构成事件 A 的区域长度 (面积或体积) / 试验的全部结果所构成的区域长度 (面积或体积)

条件概率

对任意事件 A 和事件 B, 在已知事件 A 发生的条件下事件 B 发生的概率, 叫做条件概率。记作 $P(B|A)$, 读作 A 发生的条件下 B 的概率。

$$P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)}, P(A) > 0$$

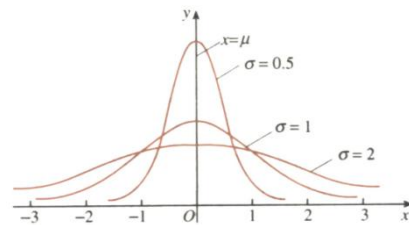
独立事件

事件 A (或 B) 是否发生对事件 B (或 A) 发生的概率没有影响, 这样的两个事件叫做相互独立事件。 $P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$

正态分布:

若概率密度曲线就是或近似地是函数

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}, x \in (-\infty, +\infty)$$



的图象,

其中解析式中的实数 μ 、 σ ($\sigma > 0$) 是参数, 分别表示总体的平均数与标准差. 则其分布叫

正态分布。记作: $N(\mu, \sigma)$, $f(x)$ 的图象称为正态曲线。

基本性质:

- ① 曲线在 x 轴的上方, 与 x 轴不相交。
- ② 曲线关于直线 $x = \mu$ 对称, 且在 $x = \mu$ 时位于最高点。
- ③ 当时 $x < \mu$, 曲线上升; 当时 $x > \mu$, 曲线下降. 并且当曲线向左、右两边无限延伸时, 以 x 轴为渐近线, 向它无限靠近。
- ④ 当 σ 相同时, 正态分布曲线的位置由期望值 μ 来决定。
- ⑤ 正态曲线下的总面积等于 1。

例题 1: 考察正方体 6 个面的中心, 从中任意选 3 个点连成三角形, 再把剩下的 3 个点也连

成三角形，则所得的两个三角形全等的概率等于 ()。

- A. 1 B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{1}{3}$ D. 0

参考答案: A

考点四: 数列

特殊数列考的比较多, 比如求满足一定条件的数列的通项公式以及前 n 项和。要掌握恰当的方法, 如错位相减、裂项相消等。

(一) 求数列 $\{a_n\}$ 的通项

1. 公式法: 当已知 $S_n = f(n)$ 时, 直接运用公式 $a_n = \begin{cases} S_1 & n=1 \\ S_n - S_{n-1} & n \geq 2 \end{cases}$ 求解。

2. 累加法: 当已知 $a_{n+1} = a_n + f(n)$ 时, 运用累加法。

3. 累乘法: 当已知 $\frac{a_{n+1}}{a_n} = f(n)$ 时, 运用累乘法。

4. 待定系数构造法: 当已知 $a_{n+1} = pa_n + f(n)$ (p 为常数) 时, 运用构造法。构造等差数列或者等比数列来求解。

5. 倒数法: 当已知 $a_{n+1} = \frac{Aa_n}{Ba_n + C}$ 时运用倒数法。

(二) 求数列前 n 项的和

1. 公式法: 主要用于等差或者等比数列, 直接套用公式。

2. 错位相消法: 用于求 $\{a_n b_n\}$ 型的数列, 其中 $\{a_n\}$ 为等差数列, $\{b_n\}$ 是公比为 q 的等比数列, 只需 $S_n - qS_n$ 便可转化为等比数列的求和, 但要注意讨论 $q=1$ 和 $q \neq 1$ 两种情况。

3. 分组化归法: 主要用于无法整体求和的数列, 可将其通项写成等比、等差等我们熟悉的数列分别进行求和, 再综合求出所有项的和。

4. 裂相消项法: 此方法主要针对 $\frac{1}{a_1 a_2} + \frac{1}{a_2 a_3} + \dots + \frac{1}{a_{n-1} a_n}$ 这样的求和, 其中 $\{a_n\}$ 是等

差数列。

例题 1. 等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 且 $4a_1, 2a_2, a_3$ 成等差数列。若 $a_1=1$, 则 $S_4=()$

- A. 7
B. 8
C. 15
C. 16

【参考答案】C

考点五：圆锥曲线及曲面方程

圆锥曲线包括椭圆、双曲线以及抛物线，希望广大考生要学会类比，掌握其标准方程，离心率以及准线等概念。这一块考解答题的时候，计算量往往会比较大，需要联立方程，并结合韦达定理去计算。曲面方程是将二维平面拓展到三维的空间，在空间中求曲面的方程。如 2014 年和 2015 年下半年都考了 1 道解答题，考察的是在一定条件下，求曲面方程。广大考生要掌握求曲面方程的基本方法，如代入法和参数法。

椭圆：平面内与两个定点 F_1, F_2 的距离之和等于常数 $2a$ ($2a > |F_1F_2| = 2c$) 的点的轨迹称为椭圆。

标准方程：焦点在 x 轴上， $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ ，参数方程： $\begin{cases} x = a \cos \varphi, \\ y = b \sin \varphi, \end{cases}$ (φ 为参数)

双曲线：平面内与两个定点 F_1, F_2 的距离之差的绝对值等于常数 $2a$ ($0 < 2a < |F_1F_2| = 2c$) 的点的轨迹称为双曲线。

标准方程：焦点在 x 轴上， $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$

抛物线：平面内与一个定点 F 和一条定直线 l 的距离相等的点的轨迹称为抛物线。

标准方程：焦点在 x 轴正半轴， $y^2 = 2px (p > 0)$

二次曲面类型：

(1) 椭圆锥面 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = z^2$

(2) 椭球面 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$

(3) 旋转单叶双曲面 $\frac{x^2 + y^2}{a^2} - \frac{z^2}{c^2} = 1$

(4) 旋转双叶双曲面 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2 + z^2}{c^2} = 1$

(5) 椭圆抛物面 $\frac{x^2 + y^2}{a^2} = z$

(6) 双面抛物面 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = z$ 又称马鞍面

(7) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1, x^2 = ay$ 依次称为椭圆柱面、双曲柱面、抛物柱面。

例题 1: 已知点 $A(-2, 3)$ 在抛物线 $C: y^2 = 2px$ 的准线上, 过点 A 的直线与 C 在第一象限相

切于点 B , 记 C 的焦点为 F , 则直线 BF 的斜率为 ()

A. $\frac{1}{2}$

B. $\frac{1}{3}$

C. $\frac{3}{4}$

D. $\frac{4}{3}$

参考答案: D

考点六: 函数极限与函数连续(一致连续)

常考的知识点有级数的收敛性和函数列的一致收敛性。2014 年下半年考了 1 道选择题, 考察的是函数列收敛于函数的充要条件; 2015 年下半年考了一道选择题, 考察的是幂级数的收敛区间。对于正项级数的收敛性, 要掌握的方法有比式判别法、根式判别法、积分判别法和拉贝判别法。

1、常用求极限的方法

1) 两个重要极限公式

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e; \text{ 或 } \lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x}} = e$$

方法: 遇到 1^∞ 形式的极限, 通常都需要将其化为 $(1+\alpha)^\alpha$ 的形式; 或者利用对数恒等式, 再利用洛必达法则; 也可以先取对数, 再利用洛必达法则 (真数部分大于 0)。

2) 代入法

3) 约公因式法

4) 最高次幂法

当函数是分式形式，且分子、分母都是多项式时，可以通过这种方法。主要是比较分子与分母次数的高低：

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a_0 x^m + a_1 x^{m-1} + \cdots + a_m}{b_0 x^n + b_1 x^{n-1} + \cdots + b_n} = \begin{cases} \frac{a_0}{b_0} & m = n \\ 0 & m < n \\ \infty & m > n \end{cases}$$

例题 1：已知某数列 $\{a_n\} (n \in N^*)$ 的首项 $a_1 \neq 0$ ，记其前 n 项和为 S_n ，若满足等式

$$S_{n+1} = 2S_n + a_1, \text{ 则 } \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2a_n}{S_n} = (\quad)$$

- A. 0 B. $\frac{1}{2}$ C. 1 D. 2

【参考答案】C

考点七：积分(求积分，积分的应用)

包括积分的计算和积分的相关应用两个方面。首先，广大考生要掌握积分计算的两种方法，换元积分法和分部积分法，然后再多做练习。2013 年下半年考察了 1 道选择题，让我们求定积分的值。其次，在应用方面，要掌握定积分的几何意义，能根据定积分来求面积、用二重积分求体积。

定积分的几何意义：

设函数 $f(x)$ 在 $[a, b]$ 上连续，定积分 $\int_a^b f(x) dx$ 在几何上表示曲线 $y = f(x)$ 和直线 $x = a, x = b$ 以及 x 轴围成各部分面积的代数和，在 x 轴上方取正号，在 x 轴下方取负号

定积分中值定理：

设 $f(x)$ 在 $[a, b]$ 上连续，则存在 $\xi \in [a, b]$ ，使 $\int_a^b f(x) dx = f(\xi)(b-a)$

例题 1：已知 $f(x) = \int (x + e^x) dx$ ，则 $f'(x) = (\quad)$ 。

- A. $x + e^x$ B. $x^2 + e^x$
C. $\frac{x^2}{2} + e^x + C$ D. $x + e^x + C$

参考答案：A

考点八：行列式和逆矩阵及特征值特征向量

这一知识点考察的难度不大，要求广大考生会根据行列式的性质求行列式，以及初等变换求逆矩阵即可。

(1) 矩阵的加法

$$A_{m \times n} + B_{m \times n} = (a_{ij} + b_{ij})_{m \times n} = \begin{bmatrix} a_{11} + b_{11} & a_{12} + b_{12} & \cdots & a_{1n} + b_{1n} \\ a_{21} + b_{21} & a_{22} + b_{22} & \cdots & a_{2n} + b_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} + b_{m1} & a_{m2} + b_{m2} & \cdots & a_{mn} + b_{mn} \end{bmatrix}$$

(2) 矩阵的数乘

$$\lambda A_{m \times n} = A_{m \times n} \lambda = (\lambda a_{ij})_{m \times n} = \begin{bmatrix} \lambda a_{11} & \lambda a_{12} & \cdots & \lambda a_{1n} \\ \lambda a_{21} & \lambda a_{22} & \cdots & \lambda a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \lambda a_{m1} & \lambda a_{m2} & \cdots & \lambda a_{mn} \end{bmatrix}$$

(3) 矩阵的乘法

$$C = (c_{ij})_{m \times n} = A_{m \times s} \times B_{s \times n} = (a_{ij})_{m \times s} \times (b_{ij})_{s \times n}$$

$$\text{其中, } c_{ij} = \sum_{k=1}^s a_{ik} b_{kj} = a_{i1} b_{1j} + a_{i2} b_{2j} + \cdots + a_{is} b_{sj}$$

$$AB \neq BA$$

$$AE = EA = A$$

$$(A)^k = \underbrace{AA \cdots A}_k$$

(4) 矩阵的转置

$$A^T = A' = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{1m} & a_{2m} & \cdots & a_{nm} \end{bmatrix}$$

$$(A^T)^T = A$$

$$(AB)^T = B^T A^T$$

$$(A+B)^T = A^T + B^T, (\lambda A)^T = \lambda A^T$$

(5) 矩阵的特征向量特征值

设 A 是 n 阶矩阵, 如果 λ 和 n 维非零向量 x 使关系式

$$Ax = \lambda x \quad (1)$$

成立, 那么, 这样的数 λ 称为矩阵 A 的特征值, 非零向量 x 称为 A 的对应于特征值 λ 的特征向量。

(1) 式也可以写成

$$(A - \lambda E)x = 0$$

这是 n 个未知数 n 个方程的齐次线性方程组, 它有非零解的充分必要条件是系数行列式

$$|A - \lambda E| = 0$$

即

$$\begin{vmatrix} a_{11} - \lambda & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} - \lambda & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} - \lambda \end{vmatrix} = 0$$

上式是以 λ 为未知数的一元 n 次方程, 称为矩阵 A 的特征方程。其左端 $|A - \lambda E|$ 是 λ 的 n 次多项式, 记作 $f(\lambda)$, 称为矩阵 A 的特征多项式。显然, A 的特征值就是特征方程的解。特征方程在复数范围内恒有解, 其个数为方程的次数 (重根按重数计算), 因此, n 阶矩阵 A 在复数范围内有 n 个特征值。

设 n 阶矩阵 $A = (a_{ij})$ 的特征值为 $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n$, 不难证明

(i) $\lambda_1 + \lambda_2 + \dots + \lambda_n = a_{11} + a_{22} + \dots + a_{nn}$;
 (ii) $\lambda_1 \lambda_2 \cdots \lambda_n = |A|$

设 $\lambda_i = \lambda_i$ 为矩阵 A 的一个特征值, 则由方程 $(A - \lambda_i E)x = 0$

可求得非零解 $x = p_i$, 那么 p_i 便是 A 的对应于特征值 λ_i 的特征向量。(若 λ_i 为实数, 则 p_i 可取实向量; 若 λ_i 为复数, 则 p_i 为复向量。)

例题 1: 求矩阵 $A = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 0 \\ -4 & 3 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ 的特征值和特征向量。

参考答案: A 的特征值为 $\lambda_1 = 2, \lambda_2 = \lambda_3 = 1$

当 $\lambda_1 = 2$ 时, 解 $(A - 2E)x = 0$ 得基础解系 $p_1 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$

所以 $kp_1 (k \neq 0)$ 是对应于 $\lambda_1 = 2$ 的全部特征向量。

当 $\lambda_2 = \lambda_3 = 1$ 时解 $(A - E)x = 0$ 得基础解系 $p_2 = \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \\ 1 \end{bmatrix}$

所以 $kp_2 (k \neq 0)$ 是对应于 $\lambda_2 = \lambda_3 = 1$ 的全部特征向量。

考点九：整除性理论

教师资格证笔试考察的不再是简单的数的除法，而是考察多项式除法，考生需掌握因式分解这一知识点，建议广大考生掌握方法即可。比如 2015 年考察了 1 道选择题，关于两个多项式相除的商和余式。

考点十：数学课程标准

考的比较多的有课程内容、课程目标、课程基本理念。

课程内容包括数与代数、图形与几何、概率与统计、综合与实践四个方面，这是需要大家去识记的，这一知识点基本上每年都以解答题的形式出现，所以是非常重要的。2013 年下半年考察了 1 道解答题，让我们简述“综合与实践”的教学特点。2014 年下半年考察了 1 道选择题，2015 年下半年也出了 1 道解答题，考察的是确定数学课程内容的依据。

关于课程目标，2013 年下半年考察了 1 道解答题，关于数学中“四基”的含义。课程基本理念，着重掌握其中的教学活动和评价。2013 年下半年考察了 1 道解答题，让我们解释教学活动中，教师的引导作用体现在哪些方面。

考点十一：数学史

在数学史方面，数学家是常考的内容。需要考生去识记，在平常看书的过程中，留意有哪些数学家，都做了哪些贡献。如 2013 年下半年考察了 1 道选择题，考察祖冲之、秦九韶、孙思邈、杨辉中哪个是数学家；2014 年下半年也考察了 1 道选择题，让我们选创始解析几何的数学家。

1. 在现存的中国古代数学著作中，《周髀算经》是最早的一部。
2. 创造并首先使用“阿拉伯数码”的国家或民族是**印度**，而首先使用**十进制**值制记数的国家或民族则是**中国**。
3. 微积分的创建人有**牛顿、莱布尼兹、费尔马**。
4. 最早使用“**函数**”(function)这一术语的数学家是**莱布尼茨**。
5. 被称为“**现代分析之父**”的数学家是**魏斯特拉斯**，被称为“**数学之王**”的数学家是**高斯**。

6. 提出“集合论悖论”的数学家是**罗素**。
7. 《几何基础》的作者是**希尔伯特**，该书所提出的公理系统包括**五组公理**。
8. 古希腊的三大著名几何问题是**化圆为方、倍立方、三等分角**。
9. 20 世纪初对国际数学教育产生重要影响的是**贝利克莱因运动**。
10. 与意大利传教士利玛窦共同翻译了《几何原本》（I—VI卷）我国数学家是**徐光启**。

考点十二：教学设计

教学设计通常不是直接地让我们去写一篇教案，考察的知识点包括教学目标、教学重难点、对教学片断做出评价、教学流程、数学思想和方法等等。

1. 课题
2. 课时（课型：新授课）
3. 教学目标

①知识与技能目标

了解、理解、掌握、学会、运用

②过程与方法

通过……过程/活动，提高……能力

③情感态度价值观

体会……感情；产生……共鸣；培养……精神；陶冶……情操

注：写三维目标，主体一定是学生，因此避免使用：使学生……；让学生……

4. 教学重点：是教材中为了达到教学目的而着重指导学生必须熟练掌握的内容
5. 教学难点：是学生对教材中不易理解掌握的地方
6. 教学方法：一法为主，多法配合

常见的数学教学方法有：情景教学法，讲练结合法，启发式教学法，讲授法，练习法，多媒体教学法、讨论法等

7. 教具

8. 教学过程

①导入：吸引学生注意，激发学生学习兴趣引入新课

常见的导入方式：温故导入、练习导入、图片导入、视频/音频导入、故事导入、情境导入

②新授：注意学生活动，生生互动

- ③巩固：形式多样
 - ④小结：学生小结，教师归纳
 - ⑤作业：开放性的作业，学以致用
9. 板书设计：字不如表，表不如画

温馨提示：华图教师网 (<http://www.hteacher.net/>)，微信公众号：
htjiaoshi，教师招聘、教师资格证考试公告、备考资讯及时推送，更多精彩，
欢迎订阅！



扫码关注微信公众号

售前电话：4006-01-9999

售后电话：010-8298221

资格证 QQ 群：242568902

教师招聘 QQ 群：436029516